

المراجعة العامة الثانوية العامة

تجميع إمتحانات الأعوام السابقة
مع نماذج إجابتها

مادة الديناميكا

أمتحان الديناميكا ٢٠١٤ ونموذج أجابة الوزارة

14 ح

جمهورية مصر العربية
وزارة التربية والتعليم

{273} ث.ع.ع / اول

امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة { نظام جديد } لعام ٢٠١٤ م
{ الدور الأول }

الزمن : ساعتان

الرياضيات التطبيقية { الديناميكا }

{ الأسئلة في صفحتين }

ملحوظة : ١- يسمح باستخدام الآلة الحاسبة

٢- مقدار عجلة الجاذبية الأرضية $g = 9.8 \text{ م / ث}^2$

أجب عن الأسئلة الآتية :

السؤال الأول : أكمل العبارات الآتية : (ست درجات)

١- كمية حركة سيارة كتلتها ١٨٠٠ كجم وتتحرك بسرعة ١٠٠ كم / ساعة = كجم.م / ث.

٢- جسم كتلته الوحدة يتحرك تحت تأثير القوة $\vec{F} = (2 + 3)\vec{u}$ م / ث + \vec{v} م / ث. فإذا كان متجه إزاحته هو $\vec{r} = \frac{1}{2}\vec{u} + \frac{1}{2}\vec{v}$ م فإن : $\vec{F} = \vec{v}$ ، = \vec{v} ،

إذا وقف طفل على ميزان مضغط داخل مصعد متحرك لأسفل بعجلة مقدارها ١.٤ م / ث^٢ وكانت قراءة الميزان = ٣٠ ث. كجم فإن وزن الطفل = ث. كجم .

٤- في الشكل المقابل : البكرة صغيرة ملساء والمستوى أملس ، فإذا تحركت المجموعة من السكون فإن مقدار عجلة حركتها = ٥.

٥- كرة كتلتها ١٠٠ جرام تتحرك أفقياً بسرعة ٣٠ م / ث فإذا اصطدمت بحاجز رأسي فارتدت عنه بسرعة ٨ م / ث فإن مقدار دفع الحاجز للكرة : د = نيوتن . ث.

٦- في الشكل المقابل : إذا أثرت قوة ثابتة مقدارها ٣ ث. كجم في اتجاه يميل على الأفقى لأعلى بزاوية قياسها ٦٠° على جسم فحركته مسافة ٢١ متراً فإن مقدار الشغل الذي تبذره القوة = جول .

السؤال الثاني : (ست درجات)

(أ) أثرت قوة مقدارها ٢٠ نيوتن ويصنع اتجاهها زاوية حادة جيبها $\frac{1}{2}$ مع الرأسى إلى أسفل على جسم كتلته ٢ كجم موضوع على نضد أفقى أملس . عين عجلة الجسم الناشئة عن هذا التأثير وكذلك مقدار رد الفعل العمودى للنضد .

(ب) جسم كتلته $\frac{1}{2}$ كجم موضوع على مستوى مثلى أملس يميل على الأفقى بزاوية قياسها ٣٠° أثرت عليه قوة تعادل $\frac{1}{2}$ ث. كجم إلى أعلى المستوى وفى اتجاه خط أكبر ميل . أوجد عجلة الحركة وإذا انعدم تأثير القوة بعد مضي ثانيتين ، فأوجد المسافة التى يصعد بها الجسم بعد ذلك حتى يسكن لحظياً .

بقية الأسئلة فى الصفحة الثانية

السؤال الثالث : (ست درجات)

(١) يتحرك جسمان كتلتاهما ٢٠٠ جرام ، ٨٠٠ جرام في خط مستقيم واحد على نضد أفقى بسرعة ٤ م / ث فى اتجاهين متضادين ، فإذا تحرك الجسمان بعد التصادم كجسم واحد ، فأوجد السرعة بعد التصادم .

(٢) تتحرك سيارة بسرعة ٧٢ كم / ساعة ، أثرت عليها قوة الفرامل ومقدارها ١٠ نيوتن لكل كجم من كتلة السيارة . أوجد المسافة التى تقطعها السيارة حتى تقف .

السؤال الرابع : (ست درجات)

(١) ربط جسمان كتلتاهما ٥ كجم ، ٣ كجم فى نهايتى خيط يمر فوق بكرة صغيرة ملساء وحفظت المجموعة فى حالة اتزان وجزء الخيط رأسيين . إذا تركت المجموعة لتتحرك فأوجد مقدار عجلتها والضغط على البكرة ، عين كذلك سرعة الجسم الذى كتلته ٥ كجم عندما يكون قد هبط مسافة ٠.٤ سم .

(٢) مستوى مائل طوله ٤.٥ متر وارتفاعه ٢.٧ متر . وضع جسم عند قمة المستوى وبدأ الحركة من السكون . احسب سرعة الجسم عند وصوله إلى قاعدة المستوى والزمن اللازم إذا كان معامل الاحتكاك يساوى ٠.٥ .

السؤال الخامس : (ست درجات)

(١) وضع جسم كتلته ٥ كجم على مستوى مائل خشن يميل على الأفقى بزاوية θ وأثرت عليه قوة فى اتجاه خط أكبر ميل للمستوى فحركته لأعلى المستوى بسرعة منتظمة مسافة ٧٥ سم . فإذا كان معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى هو $\frac{5}{12}$ فأوجد :

i. مقدار الشغل المبذول ضد مقاومة المستوى .

ii. مقدار الشغل المبذول من القوة .

(٢) محرك سيارة يشتغل بمعدل ثابت ٥ كيلو وات وكتلة السيارة ١٢٠٠ كجم فإذا كانت السيارة تسير فى طريق أفقى ضد مقاومة ثابتة مقدارها ٢٢٥ نيوتن فأوجد :

i. مقدار عجلة السيارة عندما تكون سرعتها ٨ م / ث .

ii. أقصى سرعة للسيارة .

انتهت الأسئلة

السؤال الأول : (٦ درجات) لكل مفردة درجة

درجة

$$(١) \text{ م } = \text{ ل } = \frac{٥}{١٨} \times ١٠٠ \times ١٨٠٠ = ٥٠٠٠٠ \text{ جم.م/ث}$$

$$(٢) \frac{\overline{\text{ف}}}{\text{س}} = \overline{\text{س}} + \text{ص} = \overline{\text{ص}}$$

$$\overline{\text{ح}} = \frac{\overline{\text{س}}}{\text{ص}} = \overline{\text{س}} + \text{ص}$$

$$\overline{\text{ل}} = \overline{\text{ح}} \quad (٣+١) \overline{\text{س}} + \text{ب} = \overline{\text{ص}} = \overline{\text{س}} + \text{ص}$$

درجة

$$١ = ٢ \quad ١ = ٢$$

$$(٣) \text{ ل } = \text{ ح } = \text{ ل } = ٣٠ \text{ س} \quad \leftarrow \text{ ل } = ١٠٤ \text{ ل } = ٩٠٨ \text{ ل } = ٣٠ \times ٩٠٨$$

درجة

$$\therefore \text{ ل } = ٣٥ \text{ كجم} \quad ٩٠٨ \times ٣٠ = \text{ ل } = ٨٠٤$$

$$(٤) \text{ ل } = \text{ ح } = \text{ ش}$$

$$\text{ل } = \text{ ح } = \text{ ل } - \text{ ش}$$

$$\text{ل } = \text{ ح } = \text{ ل } \quad \leftarrow \text{ ح } = \frac{١}{٢} \text{ س}$$

$$(٥) \text{ د } = \text{ ل } (\overline{\text{س}} - \overline{\text{ح}})$$

$$\text{د} = ١٠٠ (٨ - ٢٠) = -١٢٠$$

درجة

$$= ٢٠٨ \text{ نيوتن.ث}$$

$$(٦) \text{ ش } = \text{ و } = \text{ ف } = \text{ ح } = ٣ \times ٢١ \times ٦٠ = ٣٠٨٧ \text{ جول}$$

درجة

إذا قام الطالب بإجراء خطوات سليمة فى طريق الحل لكل
جزئية من جزئيات السؤال الأول يحصل على نصف درجة

السؤال الثاني : ٦ درجات : (٢) ٣ درجات ، (ب) ٣ درجات

(٢) $\therefore L = H = 0.5$ حاه

نصف درجة

$$0.5 \times 20 = 10$$

نصف درجة

$$\therefore H = 6 \text{ م/ث}^2$$

نصف درجة

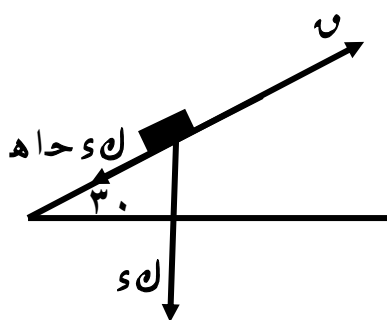
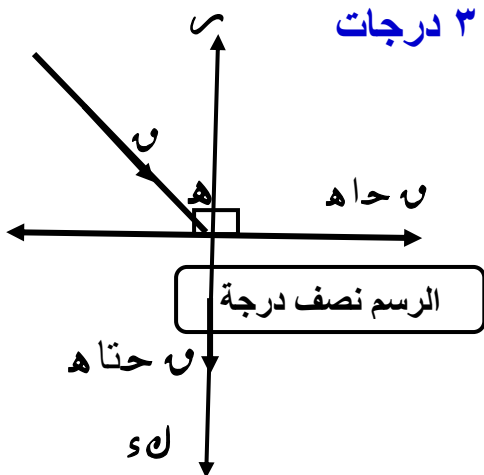
$$S = 0.5 \text{ حاه} + L$$

نصف درجة

$$\therefore S = 0.5 \times 20 + 10 \times 2 = 30$$

نصف درجة

$$= 35.6 \text{ نيوتن}$$



(ب) $\therefore u = 0.5 \times 10 = 5$ نيوتن

$$L = 30 = 0.5 \times 10 \times 0.5 = 2.5 \text{ نيوتن}$$

$$\therefore u < L \text{ حاه}$$

نصف درجة

\therefore الحركة لأعلى المستوى

نصف درجة

$$\therefore u - L = 5 - 2.5 = 2.5$$

نصف درجة

$$\therefore 2.5 = 0.5 \times 20 = 5 \text{ م/ث}^2$$

$$\text{بعد ٢ ثانية } 8 = 0.5 \times 20 + u$$

نصف درجة

$$8 = 0.5 \times 20 + u \Rightarrow u = 10 \text{ م/ث}$$

نصف درجة

$$u' = 10 - 0.5 \times 20 = 0 \text{ م/ث}$$

$$8 = 0.5 \times 20 + u' \Rightarrow u' = 10 \text{ م/ث}$$

$$\text{صفر} = (10)^2 - 2 \times 10 \times 10 = 0$$

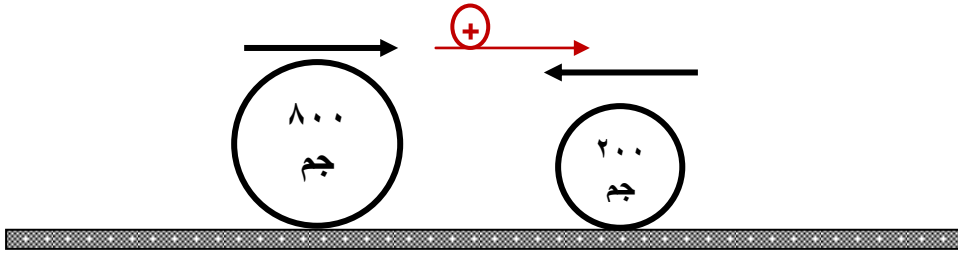
نصف درجة

$$\therefore f = 10 \text{ متر}$$



إدوار عادل

السؤال الثالث : ٦ درجات : (٢) ٣ درجات ، (٣) ٣ درجات



درجة $\therefore \text{ل}^1 \text{ع}^1 + \text{ل}^2 \text{ع}^2 = (\text{ل}^1 + \text{ل}^2) \text{ع}^1$ درجة

درجة $\therefore - 1000 \text{ع}^1 = 800 \times 4 + 200 \times 4$ درجة

درجة $\therefore \text{ع}^1 = 2,4 \text{ م / ث}$ درجة



(ب)



نصف درجة $\therefore \text{ط} - \text{ط} = \text{ش}$

درجة $\therefore \text{صفر} - \frac{1}{6} \text{ل}^1 \text{ع}^1 = - \text{م}^1 \text{ف}^1$ حيث ل كتلة السيارة

درجة $\therefore - \frac{1}{6} = (\frac{9}{18} \times 72) \times \frac{1}{6} - 10 \text{ف}^1$ درجة

نصف درجة $\therefore \text{ف}^1 = 20 \text{ متراً}$

(حل آخر)

نصف درجة $\therefore - \text{م}^1 = \text{ل}^1 \text{ح}^1$ نصف درجة $\therefore - 10 = \text{ل}^1 = \text{ل}^1 \text{ح}^1$ نصف درجة

نصف درجة $\therefore \text{ح}^1 = 10 \text{ م / ث}^2$ نصف درجة

نصف درجة $\therefore \text{ع}^1 = \text{ع}^1 + 2 \text{ح}^1 \text{ف}^1$ نصف درجة

نصف درجة $\therefore \text{صفر} = (20) - 2 \times 10 \text{ف}^1$ نصف درجة

نصف درجة $\therefore \text{ف}^1 = 20 \text{ متراً}$



عادل إدوار

السؤال الرابع : ٦ درجات : (٢) ٣ درجات ، (ب) ٣ درجات

نصف درجة

$$(١) \quad ٥س - شه = ٥ح$$

نصف درجة

$$(٢) \quad شه - ٣س = ٣ح$$

$$\text{بالجمع} \quad ٨ح = ٢س$$

نصف درجة

$$\therefore ح = \frac{١}{٤} س = ٢٠٤٥ \text{ م/ث}^٢$$

$$\text{بالتعويض} \quad شه = (٥ + ح)٣ = (٢٠٤٥ + ٨)٣$$

نصف درجة

$$شه = ٣٦٧٥ \text{ نيوتن}$$

نصف درجة

$$\text{والضغط على البكرة} \quad ٢ شه = ٧٥٥ \text{ نيوتن}$$

$$\therefore ع = ع.٢ + ٢ح ف$$

$$\therefore ع = \text{صفر} + ٢ \times ٢٠٤٥ \times ٠.٤$$

نصف درجة

$$\therefore ع = ١٠٤٢ \text{ م/ث}$$

نصف درجة

$$(ب) \quad \therefore ل و ح ا ه - م = ل ح$$

$$(٢) \quad ل و ح ا ه = م$$

من (١) ، (٢)

نصف درجة

$$\therefore ل و ح ا ه - م \times ل و ح ا ه = ل ح$$

نصف درجة

$$\therefore ح = \frac{٣٠٦}{٤٠٥} \times ٩٠٨ \times ٠.٥ - \frac{٢٠٧}{٤٠٥} \times ٩٠٨$$

$$\therefore ح = ١٩٦ \text{ م/ث}^٢$$

$$\therefore ع = ع.٢ + ٢ح ف$$

$$\therefore ع = \text{صفر} + ٢ \times ١٠٦٩ \times ٠.٥$$

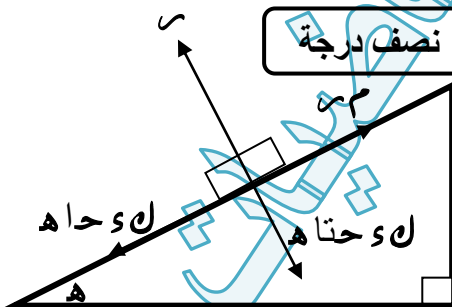
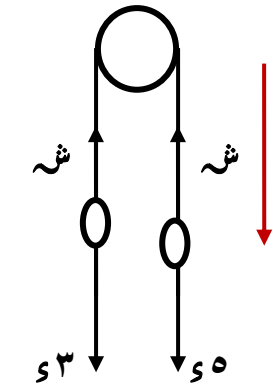
نصف درجة

$$\therefore ع = ٢٠٤٢ \text{ م/ث}$$

$$\therefore ع = ع.٢ + ح$$

$$\therefore ٢٠٤٢ = \text{صفر} + ١٠٦٩ + ح \therefore ح = \frac{١٥}{٧} \text{ ثانية}$$

نصف درجة



الرسم نصف درجة

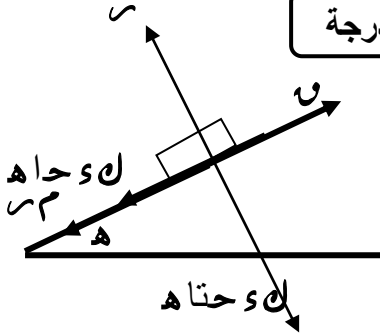


السؤال الخامس : ٦ درجات : (١) ٣ درجات ، (ب) ٣ درجات

$$(١) (i) \quad r = \text{كس حثاه}$$

$$\therefore r = 5 \times 9.8 \times \frac{24}{25} = 47.04 \text{ نيوتن} \quad \text{نصف درجة}$$

∴ الشغل المبذول ضد المقاومة = $r \times f$ نصف درجة



$$= 0.75 \times 47.04 \times \frac{5}{12}$$

$$= 14.7 \text{ جول} \quad \text{نصف درجة}$$

$$(ii) \quad u = \text{كس حثاه} + r \quad \text{نصف درجة}$$

$$u = 5 \times 9.8 \times \frac{7}{25} + \frac{5}{12} \times 47.04 = 33.32 \text{ نيوتن} \quad \text{نصف درجة}$$

∴ الشغل المبذول بواسطة القوة = 0.75×33.32

$$= 24.99 \text{ جول} \quad \text{نصف درجة}$$



$$(ب) \quad \text{القدرة} = 5 \text{ كيلو وات} = 5000 \text{ وات} \quad \text{نصف درجة}$$

$$\therefore u - m = \text{ك ح} \quad \text{نصف درجة}$$

$$\therefore \frac{\text{القدرة}}{g} - m = \text{ك ح} \quad \text{نصف درجة}$$

$$\therefore \frac{5000}{8} - 325 = 1200 \text{ ح} \quad \leftarrow \text{ح} = \frac{1}{4} \text{ م/ث}^2 \quad \text{نصف درجة}$$

$$(ii) \quad \text{عند أقصى سرعة} \quad \therefore \text{ح} = \text{صفر} \quad \therefore u = m$$

$$\therefore 325 = \frac{5000}{g} \quad \text{نصف درجة}$$

$$\therefore g = \frac{5000}{325} = \frac{200}{13} \approx 15.4 \text{ م/ث}^2 \quad \text{نصف درجة}$$



عادل إدوار

امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة المصرية بجمهورية السودان لعام ٢٠١٢
(المرحلة الثانية / الدور الأول)

الزمن : ساعتان

الميكانيكا | رياضيات (٢) |

ثانيا : الديناميكا

أجب عن السؤالين فقط مما يأتي :

- ١- (١) يعطى متجه موضع جسم \vec{r} كدالة في الزمن t من العلاقة :
- $$\vec{r} = (٦ - ٦t + ١٢t^2 + ٩t) \hat{i} \text{ حيث } \hat{i} \text{ متجه وحدة ثابت ،}$$
- t بالثانية . أوجد مقدمات الإزاحة والسرعة والعجلة عند أي لحظة زمنية t .
ثم عين نوع الحركة من حيث كونها متسارعة أو قصورية علما بـ $\hat{i} = 1$
- (٢) راقبت سيارة شرطة متحركة بسرعة ٢٠ كم / ساعة . سيارة نقل على الطريق تسير في اتجاه معاكس لها فبنت كأنها متحركة بسرعة ١٢٠ كم / ساعة . فما هي السرعة الفعلية لسيارة النقل .
- ٥- (٣) تتحرك كرتان متساويتان كتلتاهما ١٠٠ جم ٢٠٠ جم في خط مستقيم واحد على مستوى أفقي أملس وفي اتجاهين متضادين بسرعة ٨٠ سم / ث ٢٠ سم / ث على الترتيب . فإذا علم أن الكرتين تحركتا بعد التصادم كجسم واحد . فأصعب سرعة هذا الجسم . وكذلك طاقة الحركة المفقودة نتيجة للتصادم .
- (٤) جسم كتلته ٢٠٠ جم موضوع على مستوى مائل أملس يميل على الأفقي بزاوية جيبها $\frac{٣}{٥}$. أثرت عليه قوة مقدارها ٢٠٠ ث . جم إلى أعلى المستوى وفي اتجاه خط أكثر ميل للمستوى . أوجد عجلة الحركة . وإذا انعدم تأثير القوة بعد مضي ثقتين من بدء الحركة فأوجد المسافة التي يتحركها الجسم بعد ذلك حتى يمكن لخطها .
- ٦- (٥) جسم كتلته ٦٠٠ كجم موضوع على أرضية مصعد كتلته ١٠٠ كجم يتحرك رأسيًا إلى أعلى بعجلة منتظمة مقدارها ١٢٠ سم / ث^٢ . أصعب الشد في الحبل الذي يحمل المصعد ينقل الكيلو جرام .
- (٦) سيارة كتلتها ١٢٠٠ كجم ، إذا أوقف السائق محركها فإنها تهبط بسرعة منتظمة على طريق منحدر يميل على الأفقي بزاوية جيبها $\frac{١}{١٠}$. أصعب مقاومة الطريق ينقل الكيلو جرام . وإذا سمعت السيارة على نفس المنحدر بأقصى سرعة لها ومقدارها ٦ م / ث . فأوجد قدرة محرك السيارة بالحصل بفرض أن مقاومة الطريق لم تتغير .

ooooooo

(انتهت الأسئلة)

ثانيا : الديناميكا

إجابة السؤال الرابع : (عشر درجات) الفقرة (١) خمس درجات والفقرة (ب) خمس درجات

$$(1) \quad \frac{v^2}{2} = \frac{v_0^2}{2} \quad (\text{نصف}) \quad v^2 = v_0^2 \quad (\text{نصف}) \quad v^2 = (2 + \sqrt{2})^2 \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = 12 + 4\sqrt{2} + 2 = 14 + 4\sqrt{2} \quad (\text{نصف}) \quad v = \sqrt{14 + 4\sqrt{2}} \quad (\text{نصف})$$

$$v = \frac{v_0}{2} \quad (\text{نصف}) \quad v = \frac{v_0}{2} \quad (\text{نصف}) \quad v = \frac{v_0}{2} \quad (\text{نصف})$$

وعندما $v = 2$

$$v = 42 \quad (\text{نصف}) \quad v = 42 \quad (\text{نصف}) \quad v = 42 \quad (\text{نصف})$$

∴ كمية الحركة = ٤٢ كجم.م/ث (نصف) ، قيمة $v = 19$ نيوتن (درجة)

(ب)

$$v^2 = v_0^2 - 2gh \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = (70)^2 - 2 \times 9.8 \times 250$$

$$v^2 = 2500 - 9800 \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = 2500 - 9800 \quad (\text{درجة})$$

$$v^2 = 2500 - 9800 \quad (\text{نصف})$$

بعد ١٠ ثوان من لحظة القذف يكون الجسم على ارتفاع ٢١٠ متر

$$v^2 = v_0^2 - 2gh \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = (70)^2 - 2 \times 9.8 \times 210 \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = 2500 - 8232 \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = 2500 - 8232 \quad (\text{نصف})$$

$$v^2 = 2500 - 8232 \quad (\text{نصف})$$

تراجع الحلول الأخرى

إجابة السؤال الخامس : (عشر درجات) الفقرة (١) خمس درجات والفقرة (ب) خمس درجات

(١) نفرض أن الزمن الذي تستغرقه الكرة الثانية حتى التصادم = t ثانية

∴ الزمن الذي تستغرقه الكرة الأولى حتى التصادم $(n + 60)$ ثانية

$$ف_١ = ٢٠ = (n + 60) \quad (نصف)$$

$$ف_٢ = ٣٠ = \frac{1}{٢} \times ٢n + ٣٠ \quad (نصف)$$

وعند لحظة التصادم تكون $ف_١ = ف_٢$ ∴ $٣٠ = n + ٦٠$ ∴ $n = ٣٠$ (نصف)

$$∴ ١٢٠٠ = ١٠n + ١٢٠٠ - n \quad ∴ ٠ = (٤٠ + n)(٣٠ - n) \quad ∴ ٠ = ٣٠ = n \quad (نصف)$$

مقدار سرعة الكرة الثانية قبل التصادم مباشرة $= ٣٠ \times ٢ + ٣٠ = ٩٠$ سم / ث (نصف)

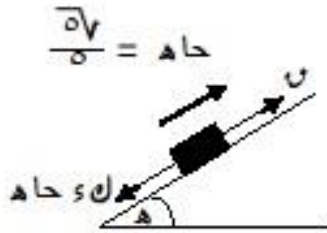
$$∴ ٢٠٠ = ٩٠ \times ٨٠ + ٢٠ \times ١٢٠ \quad (نصف)$$

$$∴ ع = \frac{٩٦}{٢} = ٤٨ \text{ سم / ث} \quad (نصف)$$

المجموع الجبري لطاقتي الحركة قبل التصادم $= \frac{1}{٢} \times ١٢٠ \times (٣٠)^٢ + \frac{1}{٢} \times ٨٠ \times (٩٠)^٢ = ٣٤٨٠٠٠$ إرج (نصف)

طاقة الحركة بعد التصادم $= \frac{1}{٢} \times (٨٠ + ١٢٠) \times (٤٨)^٢ = ٢٣٠٤٠٠$ إرج (نصف)

طاقة الحركة المفقودة $= ٣٤٨٠٠٠ - ٢٣٠٤٠٠ = ١١٧٦٠٠$ إرج (نصف)



(ب) $و - و ص ح ا ه = و$ (نصف)

$$٨٠ = و \quad (نصف) \quad \frac{و ص}{و} \times ٩٨٠ \times ٨٠ - ٩٨٠ \times و ص ٢٠ = و$$

$$و = و ص ٤٩ \text{ سم / ث} \quad (نصف)$$

ولأعلى (نصف) لأن $و < و ص ح ا ه$ أو $(و < ٠)$

بعد ٦ ثوان من بدء الحركة :

$$∴ ع = و + و ص ح ا ه \quad (نصف)$$

$$∴ ع = و ص ٤٩ + ٠ = ٦ \times و ص ٤٩ = و ص ٢٩٤ \text{ سم / ث} \quad (نصف)$$

عند انعدام تأثير القوة :

$$و ص ح ا ه = و - و ص ح ا ه \quad (نصف)$$

$$و ص ح ا ه = و - و ص ح ا ه \quad (نصف) \quad \frac{و ص}{و} \times ٩٨٠ - و ص ١٩٦ = و ص ح ا ه$$

$$ع = و + و ص ح ا ه \quad (نصف)$$

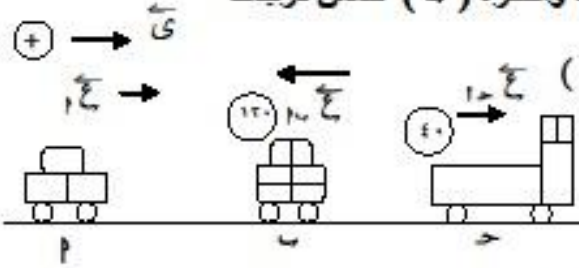
$$٠ = و ص ٢٩٤ - و ص ١٩٦ = و \quad ∴ و = ١٠,٥ \text{ ثانية} \quad (نصف)$$

∴ الجسم ينعكس اتجاه حركته بعد ١٠,٥ ثانية

تراعى الحلول الأخرى



إجابة السؤال السادس : (عشر درجات) الفقرة (١) خمس درجات والفقرة (٢) خمس درجات



(١) نفرض أن \vec{u} متجه وحدة في اتجاه حركة سيارة الشرطة (١)

$$\vec{u} = \vec{u}_a - \vec{u}_b \quad (\text{درجة})$$

$$120 - \vec{u} = \vec{u}_a - \vec{u}_b \quad (\text{درجة}) \quad (١)$$

$$\vec{u}_a - \vec{u}_b = \vec{u}_c - \vec{u}_d \quad (\text{درجة}) \quad \therefore 40 - \vec{u} = \vec{u}_c - \vec{u}_d \quad (\text{درجة}) \quad (٢)$$

$$\therefore \vec{u}_c - \vec{u}_d = \vec{u}_a - \vec{u}_b$$

من (١) ، (٢)

$$\therefore \vec{u}_c - \vec{u}_d = \vec{u}_a - \vec{u}_b + \vec{u}_c - \vec{u}_d = 120 - \vec{u} + 40 - \vec{u} = 160 - 2\vec{u} \quad (\text{درجة})$$

أقصى سرعة $\vec{u}_c = 15 \text{ م/ث}$



في حالة الصعود

$$u = m + \text{وحا} \quad (\text{نصف})$$

$$\text{القدرة} = u \times \vec{u}_c = (m + \text{وحا}) \times \vec{u}_c \quad (\text{نصف})$$

$$\text{القدرة} = (m + \text{وحا}) \times \vec{u}_c = \frac{5 \times 54}{18} \times \left(\frac{1}{100} \times 1000 \times 6 + m \right) = 900 + m \quad (\text{نصف})$$

أقصى سرعة $\vec{u}_c = 30 \text{ م/ث}$



في حالة الهبوط

$$u = m - \text{وحا} \quad (\text{نصف})$$

$$\text{القدرة} = u \times \vec{u}_c = (m - \text{وحا}) \times \vec{u}_c \quad (\text{نصف})$$

$$\text{القدرة} = (m - \text{وحا}) \times \vec{u}_c = \frac{5 \times 108}{18} \times \left(\frac{1}{100} \times 1000 \times 6 - m \right) = 1800 - m \quad (\text{نصف})$$

$$900 + m = 1800 - m \quad (\text{نصف})$$

$$m = 2700 \quad (\text{نصف})$$

$$\text{القدرة} = 900 + 180 \times 15 = 3600 \text{ ت كجم. م/ث} \quad (\text{نصف})$$

$$\text{القدرة} = 3600 \div 75 = 48 \text{ حصان} \quad (\text{نصف})$$

تراجع الحلول الأخرى

(انتهى نموذج الإجابة)

امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة المصرية بجمهورية السودان لعام ٢٠١٢
(المرحلة الثانية / الدور الأول)

الزمن : ساعتان

الميكانيكا [رياضيات (٢)]

(الأسئلة في صفتين)

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة

ثانيا : الديناميكا

أجب عن سوالين فقط مما يأتي :

- ١- (١) يعطى متجه موضع جسم \vec{r} كدالة في الزمن t من العلاقة :
- $$\vec{r} = (٦ - ٦t^2 + ١٢t - ١) \hat{i} + ٦t^2 \hat{j}$$
- حيث \hat{i} و \hat{j} متجه وحدة ثابت ، t بثنائية . أوجد متجهات الإزاحة والسرعة والمعدة عند أي لحظة زمنية t . ثم عين نوع الحركة من حيث كونها متسارعة أو قصورية عندما $t = ١$.
- (٢) راقت سيارة شرطة متحركة بسرعة ٢٠ كم / ساعة . سيارة نقل على الطريق تسير في اتجاه مضاد لها فابتدأت كلتا متحركة بسرعة ١٢٠ كم / ساعة . فما هي السرعة الفعلية لسيارة النقل .
- ٥- (١) تتحرك كرتان متساويتان كتلتاهما ١٠٠ جم ٢٠٠٠ جم في خط مستقيم واحد على مستوى أفقي أملس وفي اتجاهين متضادين بسرعة ٨٠ سم / ث ٢٠٠ سم / ث على الترتيب . فإذا علم أن الكرتين تحركتا بعد التصادم كجسم واحد . فأحسب سرعة هذا الجسم . وكذلك طاقة الحركة المفقودة نتيجة للتصادم .
- (٢) جسم كتلته ٢٠٠ جم موضوع على مستوى مائل أملس يميل على الأفقي بزاوية حادتها $\frac{\pi}{6}$. أثرت عليه قوة مقدارها ٢٠٠ ث . جم إلى أعلى المستوى وفي اتجاه خط أكبر ميل للمستوى . أوجد عجلة الحركة . وإذا انعدم تأثير القوة بعد مضي ثانيتين من بدء الحركة فأوجد المسافة التي يتحركها الجسم بعد ذلك حتى يسكن لحظيا .
- ٦- (١) جسم كتلته ٦٠٠ كجم موضوع على أرضية مصعد كتلته ١٠٠ كجم يتحرك رأسيا إلى أعلى بعجلة منتظمة مقدارها ١٢٠ سم / ث^٢ . احسب الشد في الحبل الذي يحمل المصعد بقل الكيلو جرام .
- (٢) سيارة كتلتها ١ طن واحد ، إذا أوقف السائق محركها فإنها تهبط بسرعة منتظمة على طريق منحدر يميل على الأفقي بزاوية حادتها $\frac{1}{10}$. احسب مقاومة الطريق بقل الكيلو جرام . وإذا سمعت السيارة على نفس المنحدر بأقصى سرعة لها ومقدارها ٦ م / ث . فأوجد قدرة محرك السيارة بالحصلان بفرض أن مقاومة الطريق لم تتغير .

oooooooo

انتهت الأسئلة .



جمهورية مصر العربية

وزارة التربية والتعليم

امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٢ م
المرحلة الثانية / الدور الثاني

[٤٢] ث.ع / ثان / ع

الزمن : ساعتان

الميكانيكا [رياضيات (٢)]

ثانيا : الديناميكا

أجب عن السؤالين فقط مما يأتي :

السؤال الرابع : (عشر درجات)

- (١) يتحرك جسم بحيث كان متجه موضعه \vec{r} يعطى كدالة في الزمن t بالعلاقة :
- $$\vec{r} = (2 - \frac{1}{n+1}) \hat{i} + \hat{j}$$
- زمنية t كلاً من : (أولاً) متجهي الإزاحة والسرعة .
- (ثانياً) متجه العجلة مبيناً نوع الحركة من حيث كونها منتظمة أو منتظمة التغير أو متغيرة .
- (ب) قذف جسم كتلته ٥٠٠ جم من أسفل نقطة للمستوى مائل لممس قاعدته على سطح الأرض وفي اتجاه خط تكبر ميل له بسرعة مقدارها ١٤ م / ث لأعلى .
- عين طاقة وضع هذا الجسم عندما تكون سرعته ٧ م / ث ثم أوجد عند هذه اللحظة قيمة كل من :
- (أولاً) الشغل المبذول من الوزن .
- (ثانياً) ارتفاع الجسم عن سطح الأرض .

السؤال الخامس : (عشر درجات)

- (١) سقطت كرة من المطاط كتلتها $\frac{1}{4}$ كجم من ارتفاع مقداره ١٠ أمتار على أرض أفقية صلبة فارتدت رأسياً لأعلى لأقصى ارتفاع لها ومقداره ٢,٥ متراً فإذا كان زمن تأخر الكرة بالأرض $\frac{1}{7}$ ثانية فاحسب كلاً من :
- (أولاً) طاقة الحركة المفقودة نتيجة لهذا التصادم بوحدة الجول .
- (ثانياً) رد فعل الأرض على الكرة بالنيوتن .
- (ب) أثرت قوة أفقية \vec{F} في جسم كتلته ٦ كجم موضوع على مستوى أفقي فحركته من السكون مسافة ٤٩٠ سم في ١٠ ثوانٍ ضد مقاومة ثابتة تعادل ٠,١ من وزن الجسم .
- أوجد ببطل الجرام مقدار \vec{F} .
- وإذا تحجم كثير القوة في نهاية هذه المدة وبقيت المقاومة دون تغيير فاحسب من هذه اللحظة كلاً من :
- (أولاً) الزمن اللازم حتى يسكن الجسم .
- (ثانياً) المسافة التي قطعها الجسم .

السؤال السادس : (عشر درجات)

- (١) طائرة هليكوبتر تطير في خط مستقيم بسرعة ١٢٦ كم / ساعة فوق قطار طوله ١٠٠ متر يتحرك في نفس الاتجاه بسرعة ٩٠ كم / ساعة احسب كلاً من :
- (أولاً) السرعة النسبية للطائرة بالنسبة للقطار .
- (ثانياً) الزمن اللازم للطائرة حتى تصل إلى مقدمة القطار من لحظة لحاقها به .
- (ب) سيارة كتلتها ٢ طن وقدرة محركها ٢٠ حصان تتحرك على طريق أفقي بأقصى سرعة لها ومقدارها ٨٠ كم / ساعة أوجد مقاومة الطريق لحركة السيارة . وإذا حملت هذه السيارة بشحنة وزنها ٤٢٥ ت . كجم ثم تحركت صاعدة طريقاً منحدرًا يميل على الأفقي بزاوية قياسها θ في اتجاه خط تكبر ميل للمستوى حيث $\cos \theta = \frac{1}{165}$ فما هي أقصى سرعة للسيارة على هذا الطريق ؟ علماً بأن مقاومة الطريق المنحدر ضعف مقاومة الطريق الأفقي .



[انتهت الأسئلة]



ثانياً الديناميكا

أجب عن سؤالين فقط مما يأتي :

٤- (١) يتحرك جسم في خط مستقيم وكان القياس الجبرى لمتجه إزاحته كدالة في الزمن يتعين من العلاقة : $ق = - ٩,٤ ن^٢ + ١٤ ن$ عين القياسين الجبريين لمتجهي السرعة والعجلة . وبين متى تكون الحركة تصيرية ؟ ومتى تكون متسارعة ؟

(ب) تتحرك كرتان ملساوان في خط مستقيم واحد على نضد أفقي أملس في اتجاهين متضادين فإذا كانت كتلة الكرة الأولى ٢٠٠ جرام وسرعتها ٢٠ م / ث وكانت كتلة الثانية ٦٠٠ جرام وسرعتها ٤ م / ث فأوجد سرعة الكرة الثانية بعد التصادم مباشرة ودفعها على الكرة الأولى علماً بأن الكرة الأولى ارتدت بعد التصادم مباشرة بسرعة ١٦ م / ث .

٥- (١) مصعد كهربائي يصعد بعجلة منتظمة مقدارها ١٤٠ سم / ث^٢ به رجل ضغطه على أرضية المصعد يساوي ٧٢ ت كجم احسب كتلة هذا الرجل ثم أوجد مقدار ضغطه على أرضية المصعد في حالة هبوطه بنفس العجلة .

(ب) سقطت كرة كتلتها ١٠٠ جرام من ارتفاع ٤,٩ متراً على أرض أفقية فاصطدمت بالأرض وارتدت رأسياً إلى أعلى . فإذا بلغ النقص في طاقة حركتها نتيجة للاصطدام بالأرض ٣,٢٣٤ جول فأوجد أقصى مسافة ارتدتها الكرة عقب تصادمها بالأرض .

٦- (١) أثرت قوة $ق = ٤ ز + ٣ ض$ على جسم فكان متجه موضع الجسم عند أى لحظة زمنية $ن$ يتعين من العلاقة $ر = ٤(١ + ن) + ٤(٤ - ن)ض$ حيث $ز$ ، $ض$ متجها الوحدة الأساسيين ، معيار $ق$ مقيس بالنيوتن والمسافة مقيسة بالمتر .

احسب الشغل المبذول بواسطة هذه القوة من $ن = ١$ ثانية إلى $ن = ٣$ ثانية

(ب) قاطرة قدرة ألتيها ٣٠٠ حصان تجر قطاراً بأقصى سرعة لها ومقدارها ٥٤ كم / ساعة على أرض أفقية . احسب المقاومة الكلية لحركة القطار وإذا كانت كتلة القطار والقاطرة معاً ١٥٠ طن فأوجد أقصى سرعة يصعد بها هذا القطار طريقاً منحدرأ بميل على الأفقي في اتجاه خط أكبر ميل بزاوية جيبها $\frac{١}{١٥٠}$ على فرض أن مقاومة الطريق للحركة لم تتغير .



[انتهت الأسئلة]

ثانياً : الديناميكا

أجب عن سوالين فقط مما يأتي :

٤- (١) يتحرك جسيم بحيث كان متجه موضعه \mathbf{r} يعطى كدالة في الزمن t بالعلاقة :

$$\mathbf{r} = (n^2 - 8n + 1) \mathbf{i} + 8 \mathbf{j} \quad \text{حيث } \mathbf{i}, \mathbf{j} \text{ متجه وحدة ثابت .}$$

(أولاً) عين متجهي السرعة والعجلة للجسيم عند أي لحظة زمنية t (ثانياً) أثبت أن الحركة كانت تقصيرية عند $t = 3$ ، ومتسارعة عند $t = 5$

(ب) تتحرك سيارة كتلتها ٢ طن على طريق مستقيم أفقي ضد قوة مقاومة يتناسب مقدارها مع مقدار سرعة السيارة ، فإذا كان مقدار أقصى قوة للمحرك يساوي ٣٠٠ ت.كجم وكان مقدار قوة المقاومة عن كل طن من كتلة السيارة يساوي ٧٥ ت.كجم عندما كان مقدار سرعتها ٣٦ كم / س . أوجد بالمكرومتر / ساعة مقدار أقصى سرعة للسيارة ثم احسب فترة السيارة عند هذه السرعة بالحصان .

٥- (١) رجل كتلته ٧٠ كجم يقف على أرضية مصعد كهربى كتلته ٤٢٠ كجم ، فإذا تحرك

المصعد رأسياً لأعلى بعجلة مقدارها ٧٠ سم / ت^٢ . أوجد بثقل الكيلوجرام مقدار كل من الشد في الحبل الذي يحمل المصعد وضغط الرجل على أرضية المصعد .

(ب) كرة ملاء كتلتها ٢٠٠ جم تتحرك في خط مستقيم أفقي بسرعة منتظمة مقدارها ٧٧ سم / ت

اصطدمت بكرة أخرى ملاء ساكنة كتلتها ٣٥٠ جم وتحركتا معاً كجسم واحد تحت تأثير

قوة مقاومة ثابتة فسكن هذا الجسم بعد أن قطع مسافة ١٤ سم من لحظة التصادم . أوجد :

(أولاً) مقدار سرعة الجسم بعد التصادم مباشرة .

(ثانياً) مقدار قوة المقاومة .

٦- (١) تتحرك سيارتان ١ ، ٢ في خط مستقيم أفقي بسرعة منتظمة ، فإذا كانت السيارة ١ تطارد

السيارة ٢ بسرعة مقدارها ٩٠ كم / س وكانت السيارة ٢ تبدو للسيارة ١ متحركة نحوها

بسرعة مقدارها ٣٠ كم / س فأوجد مقدار السرعة الفعلية للسيارة ٢ .

(ب) وُضع جسم كتلته ٤ كجم عند قمة مستوى مائل طوله ٢ متر وينتهي بمستوى أفقى وكان

المستوى المائل يميل على الأفقى بزاوية قياسها ٣٠° ، ترك الجسم لينزلق في اتجاه خط أكبر

ميل للمستوى المائل واستمر بعد ذلك في الحركة على المستوى الأفقى فسكن بعد أن قطع

مسافة مساوية للمسافة التي قطعها على المستوى المائل . أوجد بالتقريب مقدار المقاومة

لكل كجم من الكتلة بفرض أن مقدار مقاومة الطريقتين واحد وأن مقدار سرعة الجسم لا يتغير

بانتقاله إلى المستوى الأفقى .

=====

[انتهت الأسئلة]

ثانياً : الديناميكا

أجب عن السؤالين فقط مما يأتي :

٤- (أ) يتحرك جسم ثابت الكتلة تحت تأثير قوة \vec{F} وكان متجه إزاحته \vec{F} يعطى كدالة في الزمن t بالعلاقة $\vec{F} = 6t^2 \hat{i} + (4t^3 - 2t^2) \hat{j}$ حيث معيار \vec{F} مقاس بالمتر ، t بالثانية. أوجد متجهي السرعة والعجلة عند أي لحظة زمنية t وبين أن الحركة تكون تقصيرية عند $t = 1$ ثانية ، وإذا كان معيار كمية حركة الجسم عند $t = 4$ ثانية هو ٨ كجم . متر / ث فأوجد كتلة الجسم .

(ب) كرة لمساء كتلتها ٦٠٠ جرام تتحرك في خط مستقيم أفقي بسرعة مقدارها ١٢ متر / ث لحقت بكرة أخرى لمساء كتلتها ٣٠٠ جرام تتحرك على نفس الخط المستقيم وفي نفس اتجاه حركة الكرة الأولى بسرعة مقدارها ١٠ متر / ث فاصطدمت بها . فإذا أصبح مقدار سرعة الكرة الثانية (الأمامية) بعد التصادم مباشرة ١٢ متر / ث في نفس الاتجاه فأوجد :

(أولاً) مقدار سرعة الكرة الأولى بعد التصادم مباشرة .

(ثانياً) مقدار دفع الكرة الأولى على الكرة الثانية .

٥- (أ) بدأ جسم حركته في خط مستقيم بعجلة منتظمة مقدارها ٦ سم / ث^٢ وبسرعة ابتدائية مقدارها ١٤ سم / ث في اتجاه متجه العجلة . احسب المسافة التي قطعها الجسم خلال الثانية الثالثة فقط من بدء حركته .

(ب) قاطرة كتلتها ٨ طن وقدرتها ٤٠٠ حصان تصعد منحدرًا يميل على الأفقي بزاوية جيبها $\frac{1}{10}$

بأقصى سرعة ومقدارها ٢٢,٥ كم / ساعة . أوجد ينقل الكيلوجرام مقدار المقاومة لحركة القاطرة ، ثم أوجد بالكيلومتر / ساعة مقدار أقصى سرعة تتحرك بها القاطرة على أرض أفقية لها نفس مقاومة المنحدر بفرض أن القدرة لم تتغير .

٦- (أ) عُلق جسم في ميزان زنبركي مثبت في سقف مصعد ف سجل الميزان القراءة ١٤ ت.كجم عندما كان المصعد ساكنًا . أوجد ينقل الكيلوجرام قراءة الميزان عندما يتحرك المصعد رأسيًا لأعلى بعجلة منتظمة مقدارها ٧٠ سم / ث^٢ .

(ب) صعد رجل كتلته ٨٠ كجم مسافة ١٦ مترًا على خط أكبر ميل لمستوى مائل يميل على الأفقي بزاوية قياسها ٣٠° ضد مقاومة ثابتة تعادل ربع وزنه .

احسب (مقدراً بال جول) خلال تلك الإزاحة :

(أولاً) الشغل المبذول من وزن الرجل . (ثانياً) التغير في طاقة حركة الرجل .

=====

[انتهت الأسئلة]

ثانيا : الديناميكا

أجب عن السؤالين فقط مما يأتي :

٤- (١) يتحرك جسم كتلته واحد كيلوجرام وكان متجه إزاحته \underline{f} كدالة في الزمن n يعطى بالعلاقة $f = (10n^2 - \frac{5}{4}n^3)$ ض حيث f مقاسه بالمتر ، n بالثانية :

- (i) متى تكون الحركة تقصيرية ؟ ومتى تكون متسارعة ؟
(ii) إذا كانت القوة المؤثرة على الجسم هي $Q = 10 + 2B$ ض حيث Q مقاسه بالنيوتن ، فعين كلا من التابئين A ، B .

(ب) وضع جسم كتلته K كجم على مستو مائل يميل على الأفقى بزاوية قياسها 30° وقد وجد أنه إذا أثرت عليه قوة مقدارها 8 ت.كجم إلى أعلى المستوى وفي اتجاه خط أكبر ميل فإنه يتحرك إلى أعلى المستوى بعجلة منتظمة مقدارها 2 م/ث^٢ ، وأنه إذا أنقص مقدار القوة إلى النصف مع بقاء اتجاهها كما هو فإن الجسم يتحرك في اتجاه خط أكبر ميل إلى أسفل المستوى بنفس مقدار العجلة السابقة . أوجد قيمة K من ك ، ج علما بأن الجسم لاقي مقاومة في الحالتين مقدارها 9.8 نيوتن .

٥- (١) قذف جسم كتلته كيلو جرام واحد رأسيا إلى أعلى بسرعة مقدارها 19.6 م/ث من نقطة على سطح الأرض . أوجد بالجدول الشغل المبذول من وزن الجسم عندما يصل إلى أقصى ارتفاع ، وما التغير في طاقة وضعه عندئذ ؟

(ب) تتحرك كرتان ملسوان A ، B كتلتاهما 30 جم ، 90 جم على الترتيب في خط مستقيم واحد على نضد أفقى أملس وفي اتجاهين متضادين وكان مقدار سرعة كل من الكرتين قبل التصادم مباشرة يساوى 50 سم/ث ، 10 سم/ث على الترتيب . فإذا كونت الكرتان جسما واحدا تحرك بعد التصادم مباشرة في نفس اتجاه حركة الكرة B . أوجد :

- (i) قيمة E إذا كانت طاقة حركة هذا الجسم بعد التصادم مباشرة تساوى 6000 إرج .
(ii) مقدار سرعة الكرة A بالنسبة للكرة B قبل التصادم مباشرة .

٦- (١) عرف القدرة .

(ب) تتحرك سيارة كتلتها 2 طن وقدرة محركها 20 حصانا بأقصى سرعة وقدورها 90 كم/س على طريق أفقى مستقيم تتناسب فيه قوة مقاومة الطريق للحركة طرديا مع مقدار السرعة . فإذا كانت كمية حركة السيارة عند سرعه مقدارها 10 كم / س يساوى 10000 نيوتن.ت ، فأوجد عندئذ مقدار قوة المقاومة عن كل طن من كتلة السيارة بتل الكيلوجرام .

=====

(انتهت الأسئلة)